

МИНИСТЕРСТВО ВЫСШЕГО И СРЕДНЕГО  
СПЕЦИАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ УССР

**ВЕСТНИК**  
**ХАРЬКОВСКОГО**  
**УНИВЕРСИТЕТА**  
**№ 223**

---

**МЕТОДЫ ОБРАБОТКИ АСТРОНОМИЧЕСКИХ  
И КОСМИЧЕСКИХ ИЗОБРАЖЕНИЙ**

---

**ВЫПУСК 16**  
Основан в 1965 г.

ХАРЬКОВ  
ИЗДАТЕЛЬСТВО ПРИ ХАРЬКОВСКОМ  
ГОСУДАРСТВЕННОМ УНИВЕРСИТЕТЕ  
ИЗДАТЕЛЬСКОГО ОБЪЕДИНЕНИЯ  
«ВИЩА ШКОЛА»  
1981

С. Г. КУЗЬМЕНКОВ, В. Г. ВАКУЛИК

## ИЗМЕРЕНИЯ УГЛОВЫХ ДИАМЕТРОВ ЗВЕЗД. ВОЗМОЖНОСТИ 6-МЕТРОВОГО ТЕЛЕСКОПА

Для решения определенного круга астрофизических задач требуется знать угловой размер звезды. Это одна из немногих характеристик, которая может быть получена непосредственно из наблюдений. Объединяя ее с другими наблюдательными данными, можно определить некоторые основополагающие параметры, характеризующие звезду. Так, имея угловой диаметр и измеряя интегральный поток от звезды, можно вычислить ее эффективную температуру. Если при этом известно расстояние до звезды, можно определить ее линейный радиус, который является одним из исходных параметров в теории внутреннего строения звезд. Кроме того, появляется возможность получить эмпирическую точку на диаграммах спектр-светимость и светимость-радиус, которые отражают эволюцию звезды. В случае переменных звезд, зная изменения размеров звезды и объединяя их с данными фотометрии и спектроскопии, можно попытаться выявить характер процессов, ответственных за переменность. Для этого требуются угловые диаметры, известные с точностью до 1—2%.

Методы определения угловых диаметров звезд подразделяются на прямые и косвенные. К прямым методам относятся все интерферометрические, например интерферометрия интенсивностей, амплитудная и спектр-интерферометрия и метод лунных покрытий. Косвенные — это, в основном, фотометрические методы.

Последние годы характеризуются обилием новых результатов, полученных прямыми и фотометрическими методами. Так, многократные наблюдения некоторых объектов ( $\mu$ *Gem*, *RZ Ari*, *Y Tau*,  $\psi$  *Vir*) методом лунных покрытий позволили оценить их угловые диаметры с ошибкой не более 2% [1]. Самые последние спектр-интерферометрические измерения  $\alpha$  *Ori* и  $\alpha$  *Her* также имеют беспрецедентную для этих звезд точность — 1—2% [2, 3]. Наряду с этим утверждается [4, 5], что результаты, полученные фотометрическими методами, не уступают, а в некоторых случаях и превосходят по точности прямые измерения.

В основе всех фотометрических методов лежит соотношение  $E = (\theta/2)^2 H$  (1), где  $H$  — интегральный поток с поверхности звезды;  $E$  — освещенность от звезды на границе земной атмосферы в абсолютных единицах;  $\theta$  — угловой диаметр в радианах. Основной источник ошибок в данном случае кроется в расчете  $H$ . Если  $H = \sigma T_e^4$  (звезда излучает как абсолютно черное тело и  $T_e$  — эффективная температура), то задаваясь, скажем

2%-ной точностью в определении  $T_e$ , мы должны знать  $T_e$  с точностью до 1%. Необходим также правильный учет межзвездного поглощения.

В действительности же пользуются соотношением  $\theta = -2 (E_v H_v)^{1/2}$  (2), где  $H_v$  — монохроматический поток, рассчитываемый на основе некоторой модели атмосферы звезды, а  $E_v$  — монохроматическая освещенность. Наиболее перспективным представляется применение этого соотношения в инфракрасной области ( $\lambda > 1$  мкм) [4, 5]. В этом диапазоне длин волн поток  $H_v$  слабо зависит от принятого значения эффективной температуры. Поэтому считается, что даже весьма приближенное значение  $T_e$  дает возможность получить значение  $\theta$ , близкое к истинному. В этой области незначительны эффекты бланкетирования линиями, более надежно определены источники непрозрачности и влияние межзвездного поглощения мало.

Однако для холодных звезд (с  $T_e \lesssim 3600$  К) влияние бланкетирования, обусловленное молекулярным поглощением, становится в инфракрасной области уже значительным, а его интерпретация и учет, на основе имеющейся информации, не могут считаться уверенными. К тому же принятые для них в настоящее время модели атмосфер не являются надежными. В частности, классические предположения о ЛТР, плоско-параллельной и однородной атмосфере вряд ли справедливы.

В особенности это относится к звездам типа Миры Кита, которые имеют протяженные и сильно стратифицированные атмосферы. Это означает, что наблюдаемые спектры этих звезд обусловлены вкладами от многих атмосферных слоев с разной температурой, причем циклические изменения температуры в таких слоях до некоторой степени не зависят друг от друга [6].

Однако Скагл и Стрекер [5] применили соотношение (2) и к холодным звездам, вплоть до M9, включая три мириды (*o Cet, R Leo, NML Tau*) и две углеродные звезды (*Y CVn, TX Psc*). Полная неопределенность в эффективной температуре модели, принятой для данной звезды, может достигать, по мнению авторов,  $\pm 150$  К. Для получения углового диаметра использовался весь спектральный диапазон 1—5 мкм, в котором можно считать, что полный вычисленный поток пропорционален  $T_e^4$ . Тогда значение  $\theta$  для звезды с  $T_e = 5000$  К, вследствие только переноса «ошибок модели», определяется с погрешностью 6%, но для звезды с  $T_e = 2500$  К эта погрешность достигает уже 12%.

Точность же современных наблюдений (получение  $E_v$ ) определяется в основном точностью абсолютной калибровки, которая оценивается в 10% [7], а внутренние ошибки, по-видимому, не превышают 5%. В то же время может появиться дополнительная неопределенность в  $E_v$ , обусловленная переменностью звезды.

Таким образом, суммарная ошибка в определении  $\theta$  для очень холодных звезд может достигать 20%.

Обратимся теперь к прямым измерениям угловых диаметров, которые не зависят от теории моделей звездных атмосфер, от абсолютной калибровки  $E_v$ , от межзвездного поглощения.

При этом следует иметь в виду следующее. Все характеристики объекта, доступные наблюдениям с помощью приборов, которые регистрируют квадратичные по полю величины, адекватно описываются функцией взаимной когерентности. По определению  $\Gamma(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \tau) = \Gamma_{12}(\tau) = \langle A(\vec{r}_1, t + \tau) A^*(\vec{r}_2, t) \rangle \quad (3)$ ,

где  $A(\vec{r}, t)$  — комплексная амплитуда поля излучения объекта вблизи Земли (аналитический сигнал), а угловые скобки обозначают усреднение по ансамблю реализаций. Величина  $\Gamma_{12}(0)$ , представляющая собой значение функции корреляции в двух точках пространства в одно и то же время, однозначно, посредством пространственного преобразования Фурье, связана с распределением яркости по источнику. А временное преобразование Фурье величины  $\Gamma_{11}(\tau)$ , выражающей корреляцию в одной точке пространства для двух значений времени, дает спектральное распределение энергии объекта. Фотометрические методы сводятся к анализу этого измеренного распределения, на основе которого выбирается модель атмосферы звезды, к расчету согласно этой модели потока  $H$ , и определению углового диаметра по формуле (2). При достаточном количестве априорной (конкретно-физической) информации об объекте и ее надежности подобные методы могут претендовать на определенную точность, в противном случае можно получить самые неожиданные результаты, достаточно далекие от действительности. Таковым может оказаться применение фотометрических методов к самым холодным звездам, включая звезды типа Миры Кита. Прямые же методы основаны на измерении пространственной когерентности света, приходящего от звезды, так как величина  $\Gamma_{12}(0)$  определяется размерами источника. Чтобы извлечь эту информацию о размерах, так же необходима, как и при всяких измерениях вообще, априорная информация об объекте. Но в данном случае она носит самый общий характер. Примерами могут служить предположения об ограниченности источника в пространстве, о круговой симметрии распределения яркости, и, наконец, о законе распределения яркости по объекту. Вот тогда и остается один неизвестный параметр — угловой размер. Правда, для всех интерферометрических методов требование круговой симметрии в принципе необязательно. Его, в случае необходимости, можно заменить требованием центральной симметрии распределения яркости по источнику. Наглядней всего это демонстрируется на примере спектр-интерферометрии, которая имеет дело с двумерными сигналами и позволяет сравнительно просто измерять сплюснутость звезды. Следует отме-

тить, что предположения о круговой симметрии и законе распределения яркости (ограниченность источника подразумевается безоговорочно) обязательны для всех фотометрических методов. Однако учет потемнения к краю происходит в данном случае естественным образом при вычислении потока  $H$ , на основе принятой модели атмосферы.

Наличие на звезде пятен также может привести к искажению величины  $\theta$ . Причем фотометрические методы, игнорируя это явление, дадут заниженные значения углового диаметра, в то время как интерферометрические — завышенные. В последнем случае измеренный угловой диаметр определяется также пространственным распределением этих пятен по диску и может меняться во времени.

Фотометрическими методами можно оценить только видимый размер фотосферы. Но, если определить радиус звезды как расстояние от центра, на котором оптическая глубина принимает значение  $\sim 1$ , то видимый размер должен зависеть от длины волны наблюдения. Этот эффект может быть заметным у холодных звезд, в спектрах которых присутствуют мощные молекулярные полосы поглощения [2, 8]. Только прямые измерения углового диаметра в этих полосах (а также в континууме для сравнения) могут установить эффективный уровень их образования.

Программа наблюдений на 6-метровом телескопе, осуществляющая в настоящее время АО ХГУ в сотрудничестве с САО АН СССР, как раз и предполагает определение методом спектр-интерферометрии угловых диаметров красных гигантов, сверхгигантов, звезд типа Миры Кита в континууме и полосах поглощения  $TiO$ . Для переменных звезд предусматриваются синхронные измерения блеска  $V$  и показателей цвета ( $V-R$ ) и ( $R-I$ ) в системе  $UBVRI$ .

Как известно, метод спектр-интерферометрии основан на сравнительном анализе функций спектральной плотности короткоэкспозиционных изображений исследуемой звезды и точечного источника (звезды сравнения). Он позволяет измерять угловые диаметры звезд на дифракционном пределе крупных телескопов. Возможность экстраполяции за дифракционный предел определяется, в конечном итоге, точностью оценки спектральной плотности и априорной информацией о распределении яркости по диску звезды.

Чтобы определить объекты, угловые диаметры которых могут быть измерены со спектр-интерферометром на 6-метровом телескопе, была построена диаграмма (рис. 1). Для этого использовалась эмпирическая зависимость  $F_V(V_0, \theta)$  —  $(V-R)_0$  ( $F_V$  — так называемый параметр визуальной поверхностной яркости), прокалиброванная Барнесом, Эвансом, (Б-Э) по 76 звездам, для которых имелись прямые измерения угловых диаметров [9, 10]. Полученные соотношения при известной  $VR$  фотометрии позволяют оценить угловой диаметр звезды

с точностью  $\sim 15\%$ . Однако, возможна дополнительная систематическая ошибка, которая, по оценкам Лэйси [11], не превышает 5%.

Хотя соотношения Б-Э предполагают использование непокрасненных звездных величин  $V_0$  и колор-индексов  $(V-R)_0$ , влияние поглощения при выборе объектов не учитывалось. Но для холодных звезд ( $(V-R)_0 \geq 0,80^m$ ):  $\log \theta = 0,760 - 0,2V_0 +$

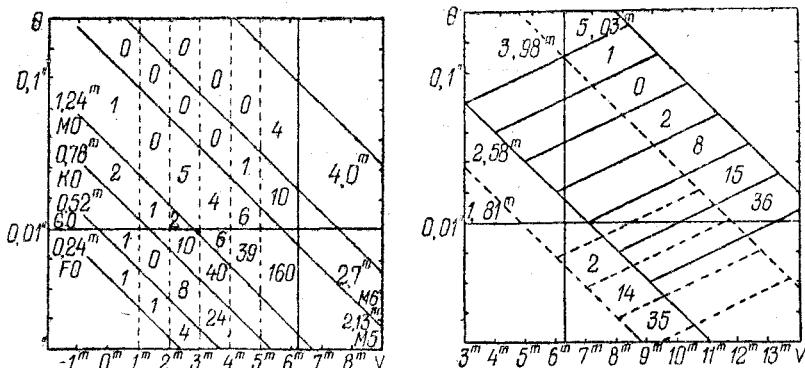


Рис. 1. Диаграмма, связывающая  $\theta$  с  $V$  и  $(V-R)$ . Наклонные линии соответствуют соотношениям Б-Э при  $(V-R) = \text{const}$ . Сплошной вертикальной линией обозначен предел чувствительности спекл-интерферометра; сплошной горизонтальной линией — предел по разрешению. Числа в клетках соответствуют количеству звезд ( $\delta \geq -15^\circ$ ), параметры  $V$  и  $(V-R)$  которых заключены в пределах, ограниченных линиями

Рис. 2. Диаграмма, связывающая  $\theta$  с  $V$  и  $(V-R)$  для звезд типа Миры Кита. Остальные обозначения те же, что и на рис. 1. Штриховые линии относятся к мириадам с  $P < 300^d$ .

$+ 0,642(V-R)_0$  (4), где  $\theta$  — угловой диаметр в миллисекундах. При среднем поглощении в  $V$ , равном  $1,6^m/\text{кпс}$ , это приведет к систематической ошибке в угловом диаметре  $\sim 15\%$  для звезд, находящихся на расстоянии  $\sim 1$  кпс. Однако, для звезд более ранних спектральных классов, чем КО ( $(V-R)_0 < 0,80^m$ ), эта ошибка может быть значительной, поэтому диаграмма для этих звезд носит скорее качественный характер.

Чувствительность спекл-интерферометра, установленного на БТА, в полосе  $100 \text{ \AA}$  и накоплении до 200 кадров, позволяет пока регистрировать объекты до  $6^m$ . С другой стороны, отсутствие достаточно полной фотометрической информации об объектах слабее  $6,25^m$  ограничило наш анализ этим пределом (сплошная вертикальная линия на диаграмме). Рассмотрению подлежали только объекты с  $\delta \geq -15^\circ$ .

Опыт спекл-интерферометрии на 6-метровом телескопе показывает, что можно достаточно надежно измерить угловой диаметр, равный  $0,015''$ . При линейном размере  $800 R_{\odot}$  звезда, имеющая такой угловой диаметр, находится на удалении 1 кпс.

Из-за влияния межзвездного поглощения соотношение (4) дает значение  $\theta = 0,01275 \pm 0,00255''$ , вместо  $0,015''$ . Поэтому, чтобы не потерять объекты, доступные измерению ( $\theta \geq 0,015''$ ), предел по разрешению на диаграмме был принят равным  $0,010''$  (сплошная горизонтальная линия).

На основании соотношений Б-Э были рассчитаны угловые диаметры всех звезд, находящихся на диаграмме выше этой линии. Результаты приведены в шестом столбце таблиц 1 и 2. В седьмом столбце приводятся результаты прямых измерений, исправленные за потемнение к краю [10], знаком «?» отмечены неуверенные данные.

Применимость соотношений Б-Э для долгопериодических переменных [9], позволяет провести аналогичный анализ и для звезд этого типа. Чтобы определить положение мирид на диаграмме, необходимо было установить связь  $(V-R)$  с  $V$  на протяжении всего периода и пределы их изменения. Мы проанализировали кривые изменения  $(V-R)$  в зависимости от величины  $V$  для 12 звезд с известной  $VR$  фотометрией на протяжении почти всего цикла [12]. Так как максимум в полосе  $R$  сдвинут по фазе на 0,01 относительно максимума в полосе  $V$  [12], ход кривых для этапов возрастания и убывания блеска получается несколько различным. Мы пренебрегли этим различием и для каждой из 12 звезд методом наименьших квадратов получили связь  $V$  с  $(V-R)$  в виде  $(V-R) = kV + \text{const}$  и определили среднее значение коэффициента наклона  $k$ . Анализ был проведен отдельно для короткопериодических ( $P < 300^d$ ) и долгопериодических ( $P \geq 300^d$ ) мирид. Различие в  $k$  для этих групп оказалось сравнимым с внутренними ошибками, после чего обе группы были объединены и получено среднее значение  $k$  по всем 12 звездам —  $0,46 \pm 0,06$ .

Нижний предел изменения показателя цвета для короткопериодических (86 звезд) и долгопериодических (67 звезд) мирид был определен усреднением значений  $(V-R)$  вблизи нулевой фазы, взятых из работы Барнеса [12]. Получены следующие значения:  $1,81 \pm 0,40^m$  и  $2,58 \pm 0,55^m$  соответственно.

Из-за отсутствия достаточного количества фотометрических наблюдений вблизи минимума, верхний предел изменения  $(V-R)$  определялся следующим образом. Для звезд, по которым был определен нижний предел  $(V-R)$ , из каталога Кинана [13] были взяты значения  $m_V$  в средних максимумах и минимумах, и для каждой из двух групп звезд была определена средняя разность этих значений  $m_V$ . Умножая ее на  $k$  и прибавляя к нижнему пределу, мы оценили верхний предел изменения  $(V-R)$ , равный  $3,98 \pm 0,73^m$  и  $5,03 \pm 1,29^m$  для первой и второй групп соответственно.

Таким образом, мы получили возможность построить для мирид диаграмму, аналогичную диаграмме на рис. 1 (рис. 2).

**1. Звезды постоянного блеска**

<i>GC</i>	Звезда	<i>Sp</i>	<i>V</i>	<i>V-R</i>	$\theta_{Б-Э}$	$\theta$	Примечание
1096	—	M7III	6,19 <sup>m</sup>	3,00?	28?	—	1
1400	$\beta And$	M0III	2,05	1,24	14,0	—	2
3547	—	M6V?	6,10	2,70?	19?	—	1
3643	$\alpha Cet$	M2III	2,52	1,34	13,1	16,0	3
5605	$\alpha Tau$	K5III	0,87	1,23	23,7	21,8	3
7554	$\pi Aur$	M3.5III	4,25	1,69	10,0	—	2
8208	$\mu Gem$	M3IIIa	2,83	1,54	15,2	14,0	3
13044	$\alpha Hyg$	K3IIIa	1,97	1,04	10,8	—	2
15971	—	M5V?	5,34	2,13?	11?	—	1
17543	$\delta Vir$	M3III	3,38	1,53	11,6	—	2
19242	$\gamma Boo$	K2IIIP	—0,06	0,97	24,8	24,9	3
20029	$\beta UMi$	K4III	2,08	1,11	11,4	—	2
21838	$\delta Oph$	M1III	2,72	1,28	10,9	26,0	3
24428	—	M6III	6,22	2,70?	18?	—	1
24432	$\gamma Dra$	K5III	2,22	1,14	11,2	14,0	3
27294	—	M5III	5,35	2,13?	11?	—	1
30880	—	M5III	5,28	2,13?	12?	—	1
32401	—	M5III	5,03	2,13?	13?	—	1
32759	—	M5III	5,34	2,13?	11?	—	1

**2. Переменные звезды**

<i>GC</i>	Звезда	<i>Sp</i>	<i>V</i>	<i>V-R</i>	$\theta_{Б-Э}$	$\theta$	Примечание
2426	—	M5V?	5,50 <sup>m</sup>	2,13 <sup>m</sup>	11?	—	1
3517	$RZ Ari$	M6III	5,60	2,34	13,9	10,3	3
3682	$\rho Per$	M4III	3,32	1,79	17,6	19,0	3
6841	$CE Tau$	M2Ia	4,30	1,78	11,0	—	4
7451	$\alpha Ori$	M2Iab	0,37	1,59	50,9	52,0	3,12
7969	$G aem$	M3III	3,28	1,49	11,5	—	2
12657	$RS Cnc$	M6III	5,95	2,89	26,6	—	4
15032	$VY Leo$	M5IIIa	5,78	2,25	11,0	—	4
20170	$RR UMi$	M4.5III	4,59	1,86	10,8	—	4
22172	$g Her$	M6III	4,94	2,50	23,8	26,0	3
23277	$\alpha Her$	M5II-IV	3,07	2,16	34,1	37,1	3
25959	$\delta^2 Lyr$	M4II	4,30	1,78	11,0	—	5
25996	$R Lyr$	M5III	3,93	2,02	18,6	21,0	3
28720	$EU Del$	M6III	5,84	2,32	12,0	—	6
28930	$U Del$	M5II	5,10	2,13?	13,0?	—	1
30440	$\mu Cep$	M2Ia	4,17	2,10	17,9	—	5
32135	$\beta Peg$	M2II-III	2,41	1,51	17,7	20,6	3

В табл. 3 для самых ярких мирид приводятся угловые диаметры, вычисленные по соотношениям Б-Э, а также фотометрия для соответствующих фаз. В восьмом столбце помещены результаты прямых измерений.

Из диаграмм 1 и 2 видно, что, если для звезд спектральных классов, ранее чем КО, возможности спекл-интерферометрии на

### 3. Звезды типа Миры Кита

Звезда	<i>Sp</i>	<i>m<sub>X</sub></i>	Фаза	<i>V</i>	<i>V-R</i>	$\sigma_{\text{ф}}$	$\theta$	При- ме- че- ние
<i>o Cet</i>	M5,5e—M9,0	3,4—9,3 <sup>m</sup>	0,09 0,38	3,50 <sup>m</sup> 7,00	2,55 <sup>m</sup> 4,00	50 85	63 66	3, 8, 9
<i>R Leo</i>	M7e—M9,0	5,8—10,0	0,27	7,88	4,18	74	76	3, 8, 10
$\chi$ <i>Cyg</i>	S 7,2e—M 8,2	5,2—13,4	0,99	4,30	2,41	28	—	7, 8, 11
<i>T Cep</i>	M 6,5e—M 8,5	6,1—10,1	0,98	5,38	2,86	33	—	7, 8, 11
<i>R Aql</i>	M 6,5e—M 9,0	6,2—11,5	0,01	6,19	2,66	17	—	7, 8, 11

Примечания к табл. 1, 2, 3

(1) Сп. кл. и кл. св., *V* из [14]; (*V-R*) определен по зависимости спектр-показатель цвета [15]. (2) Сп. кл. и кл. св., *V* и (*V-R*) из [16]. (3) Сп. кл., кл. св. и фотометрия для данной фазы из [10]. (4) Сп. кл., кл. св., *V* и (*V-R*) из [15]. (5) Сп. кл. и кл. св., *V* и (*V-R*) из [16]. (6) ОКПЗ для максимума дает:  $m_V=5,84^m$  и  $R=3,52^m$  [17]. (7) *V* и (*V-R*) из [12]. (8) Сп. кл. и звездные величины в среднем максимуме и минимуме из [13]. (9) Фазы взяты из [8]. (10) Фаза из [9]. (11) Фаза выч. по элементам из [18]. (12) Измеренный угловой диаметр взят из [2], так как он относится к континууму (см. в тексте) и определен с высокой точностью.

6-метровом телескопе ограничиваются предельным разрешением, то для холодных звезд более существенным ограничением является предел по чувствительности. Но у звезд поздних спектральных классов максимум кривой распределения энергии смещен в красную область, и переходом к наблюдениям в этом диапазоне можно расширить число объектов, доступных исследованию.

Табл. 1, 2, 3 содержат 41 объект. Диаметры 15 из этих объектов уже определены разными методами, но точность этих определений, за редким исключением, пока недостаточно высока. Кроме того, необходимы наблюдения в разных разумно выбранных участках спектра, а в случае переменных звезд — и в разных фазах. Крайне важны систематические измерения звезд типа Миры Кита, охватывающие возможно больший диапазон изменений блеска. В этом отношении метод спекл-интерферометрии находится пока вне конкуренции.

Комплексное изучение даже немногочисленной группы холодных звезд с привлечением синхронных фотометрических и спектроскопических наблюдений может дать много полезной информации о строении этих объектов.

**Список литературы:** 1. Ridgway S. T., Wells D. C., Joyce R. R. Angular diameters for 11 late-type stars by the lunar occultation technique. — *Astrophys. J.* 1977, 82, № 6, p. 414—430. 2. Wilkerson M. S., Worden S. P. Futher speckle interferometric studies of  $\alpha$  Orionis. — *Astron. J.*, 1977, 82, № 8, p. 642—645. 3. Worden S. P. The angular diameter of alpha Herculis A. — *Astrophys. J.*, 1975, 201, № 2, Part 2, L 69—L 70. 4. Blackwell D. E., Shal-

*lis M. J.* Stellar angular diameters from infrared photometry. Application to Arcturus and other stars; with effective temperatures. — Mon. Not. R. astr. Soc., 1977, 180, No 1, p. 177—191. 5. *Scargle J. D., Strecker D. W.* Cool stars: effective temperatures, angular diameters and reddening determined from 1—5 micron flux curves and model atmospheres. — Astrophys. J., 1979, 228, No 3, p. 838—853. 6. *Wing R. F.* Mira variables: an informal review. — Contributions from the Perkins observatory, 1979, ser. II, No 80, 34 p. 7. *Johnson H. L.* The absolute calibration of the Arizona photometry. — Comm. Lunar Planetary Lab., 1965, 3, No 53, p. 73—78. 8. *Labeyrie A., Koehlein L., Bonneau D., Blazit A., Foy R.* Strong Tio-related variations in the diameters of Mira and R. Leonis. — Astrophys. J., 1977, 218, No 2, L 75—L 78. 9. *Barnes T. G., Evans D. S.* Stellar angular diameters and visual surface brightness—I — Mon. Not. R. astr. Soc., 1976, 174, No 3, p. 489—502. 10. *Barnes T. G., Evans D. S., Moffett T. J.* Stellar angular diameters and visual surface brightness — III. An improved definition of the relationship. — Mon. Not. R. astr. Soc., 1978, 183, p. 285—304. 11. *Lacy C. H.* Radii of nearby stars: an application of the Barnes-Evans relation. — Astrophys. J. Suppl. Ser., 1977, 34, No 4, p. 479—492. 12. *Barnes T. G.* An observational study of Mira variables. I. The near-infrared photometry. — Astrophys. J. Ser., 1973, 25, No 221, p. 369—392. 13. *Keenan P. C.* A catalogue of spectra of Mira Variables of types Me and Sc. — Contributions from the Perkins observatory, 1966, ser. I, No 70, 46 p. 14. *Фотометрический и спектральный каталог ярких звезд*/Н. С. Комаров, А. В. Драгунова, В. Ф. Караваиш, Л. Ф. Орлова. — К.: Наук. думка, 1979. — 536 с. 15. *Lee T. A.* Photometry of high-luminosity M-type stars. — astrophys. J., 1970, 162, No 1, Part 1, p. 217—238. 16. *Куликовский П. Г.* Каталог всех звезд ярче 4,5<sup>m</sup> в системе V/Справочник любителя астрономии. — М.: Наука, 1971. — 632 с. 17. Второе дополнение к третьему изданию общего каталога переменных звезд/Б. В. Кукаркин, П. Н. Холопов, Ю. Н. Ефремов и др. — М.: Наука, 1974. — 413 с. 18. *Астрономический календарь. Постоянная часть*. — М.: Наука, 1973. — 728 с.

Поступила в редакцию 05.08.80.